



KAPITAŁ LUDZKI
NARODOWA STRATEGIA SPÓJNOŚCI

Projekt współfinansowany przez
Unię Europejską w ramach
Europejskiego Funduszu
Społecznego

UNIA EUROPEJSKA
EUROPEJSKI
FUNDUSZ SPOŁECZNY



Nazwa przedmiotu		Kod ECTS	
Geometria różniczkowa		11.1.0322	
Nazwa jednostki prowadzącej przedmiot			
Instytut Matematyki			
Studia			
wydział	kierunek	poziom	drugiego stopnia
Wydział Matematyki, Fizyki i Informatyki	Matematyka	forma	stacjonarne
		moduł	matematyka finansowa
		specjalnościowy	wszystkie
specjalizacja			
Nazwisko osoby prowadzącej (osób prowadzących)			
prof. dr hab. Andrzej Szczepański; prof. UG, dr hab. Andreas Zastrow; dr Maciej Mroczkowski			
Formy zajęć, sposób ich realizacji i przypisana im liczba godzin		Liczba punktów ECTS	
Formy zajęć		5	
Wykład, Ćw. audytoryjne			
Sposób realizacji zajęć			
zajęcia w sali dydaktycznej			
Liczba godzin			
Wykład: 30 godz., Ćw. audytoryjne: 30 godz.			
Termin realizacji przedmiotu			
2020/2021 zimowy			
Status przedmiotu		Język wykładowy	
fakultatywny (do wyboru)		polski	
Metody dydaktyczne		Forma i sposób zaliczenia oraz podstawowe kryteria oceny lub wymagania egzaminacyjne	
<ul style="list-style-type: none"> - Rozwiązywanie zadań - Wykład problemowy 		Sposób zaliczenia	
		<ul style="list-style-type: none"> - Zaliczenie na ocenę - Egzamin 	
		Formy zaliczenia	
		<ul style="list-style-type: none"> - egzamin ustny - egzamin pisemny z pytaniami (zadaniami) otwartymi - kolokwium 	
		Podstawowe kryteria oceny	
Sposób weryfikacji założonych efektów kształcenia			

zakładany efekt kształcenia	Egzamin	Kolokwium	Obserwacja postawy studenta	Aktywność na zajęciach
Wiedza				
M2_W01	+	+		
M2_W02	+	+		
M2_W03	+			
Umiejętności				
M2_U01	+	+		
M2_U03			+	
M2_U04	+	+		
M2_U05	+			
M2_U06		+		
M2_U07				+

Określenie przedmiotów wprowadzających wraz z wymogami wstępnymi

A. Wymagania formalne

Brak

B. Wymagania wstępne

Znajomość rachunku różniczkowego funkcji wielu zmiennych, znajomość algebry liniowej z geometria

Cele kształcenia

Celem przedmiotu jest zapoznanie studentów z pojęciami, twierdzeniami i metodami geometrii wykorzystującej rachunek różniczkowy i całkowy funkcji wielu zmiennych. Student pozna precyzyjną definicję krzywizny i uzyska matematyczną intuicję otaczającą go przestrzeni dwu-wymiarowej.

Treści programowe

1. Elementarna teoria krzywych, wzory Freneta, krzywizna krzywych
2. Pojęcie rozmaitości różniczkowej, w szczególności rozmaitości dwu-wymiarowych czyli powierzchni, pojęcie przestrzeni stycznej, metryki Riemanna, pojęcie izometrii, geodezyjnej, w tym przypadku znajomość równań różniczkowych geodezyjnych
3. Odwzorowanie sferyczne, krzywizna Gaussa pierwsza i druga forma kwadratowa powierzchni, twierdzenie egregium
4. Twierdzenie Gaussa-Bonneta
5. Klasyfikacja i przykłady powierzchni o stałej krzywiznie ujemnej, zerowej i dodatniej,

Wykaz literatury

1. C. Bowszyc, J. Konarski, Wstęp do geometrii różniczkowej, Wydawnictwo Uniwersytetu Warszawskiego, 2007
2. M. Sadowski, Geometria różniczkowa, Wydawnictwo UG, 1998
3. J. Oprea, Geometria różniczkowa i jej zastosowania PWN, W-wa, 2002

Kierunkowe efekty kształcenia

Wiedza

Student, który zaliczył przedmiot

- Zna elementy teorii krzywych, wzorami Freneta, krzywizna krzywych.
- Zna pojęcie powierzchni, przestrzeni stycznej, metryki Riemanna, wie co to jest izometria oraz geodezyjna.
- Zna równania różniczkowe geodezyjnych, odwzorowanie sferyczne oraz pojęcie krzywizny Gaussa.
- Zna twierdzenie Egregium, I i II formę kwadratową powierzchni.
- Zna sumę kątów w trójkącie oraz opis geodezyjnych na płaszczyźnie euklidesowej, hiperbolicznej oraz na sferze.

M2_W01, M2_W02, M2_W03

Umiejętności

Student

- poprawnie posługuje się poznanymi pojęciami geometrii, potrafi - na prostym i średnim poziomie trudności- stosować poznane twierdzenia i metody.
- poprawnie posługuje się poznanymi pojęciami równań różniczkowych (np. równania różniczkowe geodezyjnych) potrafi-na prostym i średnim poziomie trudności-stosować poznane twierdzenia i metody tej dziedziny oraz umie zinterpretować otrzymane wyniki.

	M2_U01, M2_U03, M2_U04, M2_U05, M2_U06, M2_U07
	Kompetencje społeczne (postawy)
Kontakt	
Andrzej.Szczepanski@mat.ug.edu.pl	